

МИНОБРНАУКИ РОССИИ

ВЛАДИВОСТОКСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ

КАФЕДРА МАТЕМАТИКИ И МОДЕЛИРОВАНИЯ

Рабочая программа дисциплины (модуля)  
**МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ МОДУЛЬ 2**

Направление и направленность (профиль)  
15.03.06 Мехатроника и робототехника. Мехатроника и робототехника

Год набора на ОПОП  
2024

Форма обучения  
очная

Владивосток 2024

Рабочая программа дисциплины (модуля) «Математический анализ модуль 2» составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки 15.03.06 Мехатроника и робототехника (утв. приказом Минобрнауки России от 17.08.2020г. №1046) и Порядком организации и осуществления образовательной деятельности по образовательным программам высшего образования – программам бакалавриата, программам специалитета, программам магистратуры (утв. приказом Минобрнауки России от 06.04.2021 г. N245).

Составитель(и):

*Голодная Н.Ю., доцент, Кафедра математики и моделирования,  
Natalya.Golodnaya@vvsu.ru*

Утверждена на заседании кафедры математики и моделирования от 18.05.2023 ,  
протокол № 7

СОГЛАСОВАНО:

Заведующий кафедрой (разработчика)

Голодная Н.Ю.

<b>ДОКУМЕНТ ПОДПИСАН ЭЛЕКТРОННОЙ ПОДПИСЬЮ</b>	
Сертификат	1576511493
Номер транзакции	0000000000CF04EC
Владелец	Голодная Н.Ю.

## 1 Цель, планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю)

Целями освоения дисциплины «Математический анализ модуль 2» являются изучение основных математических понятий, их взаимосвязи и развития, а также отвечающих им методов расчёта, используемых для анализа, моделирования и решения прикладных задач.

Задачи освоения дисциплины: развитие алгоритмического и логического мышления студентов, овладение методами исследования и решения математических задач, выработка у студентов умения самостоятельно расширять свои математические знания и проводить математический анализ прикладных инженерных задач.

Планируемыми результатами обучения по дисциплине (модулю), являются знания, умения, навыки. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы, представлен в таблице 1.

Таблица 1 – Компетенции, формируемые в результате изучения дисциплины (модуля)

Название ОПОП ВО, сокращенное	Код и формулировка компетенции	Код и формулировка индикатора достижения компетенции	Результаты обучения по дисциплине		
			Код результата	Формулировка результата	
15.03.06 «Мехатроника и робототехника» (Б-МР)	ОПК-1 : Способен применять естественнонаучные и общинженерные знания, методы математического анализа и моделирования в профессиональной деятельности	ОПК-1.1к : Обладает математической культурой и системным мышлением, позволяющими в профессиональной деятельности использовать математические методы и инструменты для проведения критического анализа ситуаций, моделирования и прогнозирования развития процессов и явлений	РД1	Знание	основных понятий и свойств объектов математического анализа
			РД2	Умение	применять методы математического анализа при решении задач
			РД3	Навык	использования основных понятий, формул и методов математического анализа при самостоятельном решении задач

## 2 Место дисциплины (модуля) в структуре ОПОП

Дисциплина «Математический анализ модуль 2» относится к обязательной части «Блока 1 Дисциплины (модули)» учебного плана направления 15.03.06. Мехатроника и робототехника.

## 3. Объем дисциплины (модуля)

Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу с обучающимися (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу, приведен в таблице 2.

Таблица 2 – Общая трудоемкость дисциплины

Название ОПОП ВО	Форма обучения	Часть УП	Семестр (ОФО) или курс (ЗФО, ОЗФО)	Трудо-емкость	Объем контактной работы (час)					СРС	Форма аттестации	
				(З.Е.)	Всего	Аудиторная			Внеауди-торная			
						лек.	прак.	лаб.	ПА			КСР
15.03.06 Мехатроника и робототехника	ОФО	Б1.Б	3	4	73	36	36	0	1	0	71	Э

## 4 Структура и содержание дисциплины (модуля)

### 4.1 Структура дисциплины (модуля) для ОФО

Тематический план, отражающий содержание дисциплины (перечень разделов и тем), структурированное по видам учебных занятий с указанием их объемов в соответствии с учебным планом, приведен в таблице 3.1

Таблица 3.1 – Разделы дисциплины (модуля), виды учебной деятельности и формы текущего контроля для ОФО

### 4.2 Содержание разделов и тем дисциплины (модуля) для ОФО

## 5 Методические указания для обучающихся по изучению и реализации дисциплины (модуля)

### 5.1 Методические рекомендации обучающимся по изучению дисциплины и по обеспечению самостоятельной работы

При реализации дисциплины (модуля) применяется электронный учебный курс, размещённый в системе электронного обучения Moodle.

Для обеспечения систематической и регулярной работы по изучению дисциплины и успешного прохождения текущих и промежуточных контрольных испытаний студенту рекомендуется придерживаться следующего порядка обучения:

- самостоятельно определить объем времени, необходимого для проработки каждой темы;
- регулярно изучать каждую тему дисциплины, используя различные формы индивидуальной работы;
- согласовывать с преподавателем виды работы по изучению дисциплины.

При выполнении индивидуальных домашних заданий необходимо использовать теоретический материал, делать ссылки на соответствующие теоремы, свойства, формулы и др. Решение ИДЗ выполняется подробно и содержит необходимые пояснительные ссылки.

Самостоятельность в учебной работе способствует развитию заинтересованности студента в изучаемом материале, вырабатывает у него умение и потребность самостоятельно получать знания, что весьма важно для специалиста с высшим образованием.

Целью самостоятельной работы студентов является овладение фундаментальными знаниями, профессиональными умениями и навыками деятельности по профилю, опытом творческой, исследовательской деятельности.

Самостоятельная работа студента включает следующие виды, выполняемые в соответствии с ФГОС ВО и рабочим учебным планом:

- аудиторная самостоятельная работа студента под руководством и контролем преподавателя на лекции. При проведении практических занятиях применяется «Метод кооперативного обучения»: студенты работают в малых группах (3 – 4 чел.) над

индивидуальными заданиями, в процессе выполнения которых они могут совещаться друг к другу. Преподаватель, в свою очередь, наблюдает за работой малых групп, а также поочередно разъясняет новый учебный материал малым группам, которые закончили работать над индивидуальными заданиями по предыдущему материалу;

- внеаудиторная самостоятельная работа студента: изучение теоретического материала, подготовка к аудиторным занятиям (лекция, практическое занятие, коллоквиум, контрольная работа, тестирование, теоретический опрос), дополнительные занятия, текущие консультации по дисциплине.

Контроль успеваемости осуществляется в соответствии с рейтинговой системой оценки знаний студентов. Оценка по дисциплине определяется по 100-бальной шкале как сумма баллов, набранных студентом в результате работы в семестре: обязательными баллами оценивается посещение лекционных занятий, работа на практических (семинарских) занятиях, теоретический опрос, тесты, выполнение контрольных работ, ИДЗ, предусмотренных учебным планом.

Распределение баллов доводится до студентов в начале семестра.

Учебным планом предусмотрены консультации, которые студент может посещать по желанию.

При реализации дисциплины (модуля) применяется электронный учебный курс, размещённый в системе электронного обучения Moodle.

## **5.2 Особенности организации обучения для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

При необходимости обучающимся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов (по заявлению обучающегося) предоставляется учебная информация в доступных формах с учетом их индивидуальных психофизических особенностей:

- для лиц с нарушениями зрения: в печатной форме увеличенным шрифтом; в форме электронного документа; индивидуальные консультации с привлечением тифлосурдопереводчика; индивидуальные задания, консультации и др.

- для лиц с нарушениями слуха: в печатной форме; в форме электронного документа; индивидуальные консультации с привлечением сурдопереводчика; индивидуальные задания, консультации и др.

- для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата: в печатной форме; в форме электронного документа; индивидуальные задания, консультации и др.

## **6 Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю)**

В соответствии с требованиями ФГОС ВО для аттестации обучающихся на соответствие их персональных достижений планируемым результатам обучения по дисциплине (модулю) созданы фонды оценочных средств. Типовые контрольные задания, методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений и навыков, а также критерии и показатели, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и характеризующие этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы, представлены в Приложении 1.

## **7 Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)**

### **7.1 Основная литература**

1. Аксенов А. П. МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ В 4 Ч. ЧАСТЬ 2. Учебник и практикум для вузов [Электронный ресурс] , 2021 - 344 - Режим доступа:

<https://urait.ru/book/matematicheskiiy-analiz-v-4-ch-chast-2-470305>

2. Математический анализ : Учебное пособие [Электронный ресурс] : НИЦ ИНФРА-М, 2019 - 288 - Режим доступа: <https://znanium.com/catalog/document?id=354809>

3. Математический анализ : Учебное пособие [Электронный ресурс] : НИЦ ИНФРА-М, 2021 - 502 - Режим доступа: <https://znanium.com/catalog/document?id=368732>

## **7.2   Дополнительная литература**

1. КРАТКИЙ КУРС МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА / А.В. Урбаханов, Л.А. Телешева .— Улан-Удэ : Бурятский государственный университет, 2019 .— 61 с. — ISBN 978-5-9793-1442-2 .— URL: <https://lib.rucont.ru/efd/706601> (дата обращения: 30.09.2024)

2. Краткий курс математического анализа. Т. 1. Дифференциальное и интегральное исчисления функций одной переменной. Ряды : Учебник [Электронный ресурс] : Физматлит, 2015 - 444 - Режим доступа: <https://znanium.com/catalog/document?id=293958>

3. Шипачев В. С. ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНОЕ И ИНТЕГРАЛЬНОЕ ИСЧИСЛЕНИЕ. Учебник и практикум для вузов [Электронный ресурс], 2020 - 212 - Режим доступа: <https://urait.ru/book/differencialnoe-i-integralnoe-ischislenie-453124>

## **7.3       Ресурсы информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", включая профессиональные базы данных и информационно-справочные системы (при необходимости):**

1. Единое окно доступа к информационным ресурсам. Математика и математическое образование (<http://window.edu.ru>)

2. Математический форум Math Help Planet (<http://mathhelpplanet.com/static.php>)

3. Образовательный математический сайт Exponenta.ru для студентов, изучающих высшую математику, и для преподавателей математики (<http://old.exponenta.ru>)

4. Система электронного обучения ВГУЭС (<http://edu.vvsu.ru>)

5. СПС КонсультантПлюс <http://www.consultant.ru/>

6. Электронная библиотечная система ZNANIUM.COM - Режим доступа: <https://znanium.com/>

7. Электронно-библиотечная система "РУКОНТ"

8. Электронно-библиотечная система издательства "Юрайт" - Режим доступа: <https://urait.ru/>

9. Open Academic Journals Index (ОАИ). Профессиональная база данных - Режим доступа: <http://oaji.net/>

10. Президентская библиотека им. Б.Н.Ельцина (база данных различных профессиональных областей) - Режим доступа: <https://www.prlib.ru/>

## **8 Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля) и перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения**

### Основное оборудование:

- Мультимедийная трибуна E-Station S
- Мультимедийный проектор №3 Casio XJ-M146
- Проектор №1 Epson EB-480

### Программное обеспечение:

- Microsoft Office Professional Plus 2013 Russian

**Итоговый тест по дисциплине**

<b>Вопрос</b>	<b>Правильный ответ</b>
1	4)
2	1)
3	<b>3</b>
4	2)
5	2)
6	1)
7	4)
8	1)
9	1)
10	<b>1</b>
11	3)
12	<b>4</b>

**Тест 1**

<b>Вопрос</b>	<b>Правильный ответ</b>
1	3)
2	3)
3	2)
4	<b>1B, 2D, 3C, 4A</b>
5	4)
6	1)
7	3),5)
8	2)
9	1)
10	1)

**Тест 2**

<b>Вопрос</b>	<b>Правильный ответ</b>
1	<b>0</b>
2	1)
3	<b>-2</b>
4	3)
5	<b>1E, 2Г, 3В, 4Б</b>
6	2)
7	3)
8	1)

**Тест 3**

<b>Вопрос</b>	<b>Правильный ответ</b>
1	4)
2	3)
3	3)
4	3)
5	<b>0</b>
6	2)
7	1),4),5)
8	<b>3</b>
9	<b>1А, 2В, 3Б</b>
10	2)

**Тест 4**

<b>Вопрос</b>	<b>Правильный ответ</b>
1	<b>0</b>
2	<b>1В, 2А, 3С</b>
3	2)
4	<b>7</b>
5	<b>1В, 2С, 3А</b>
6	<b>2</b>
7	3)
8	3)
9	1)
10	3)



МИНОБРНАУКИ РОССИИ  
ВЛАДИВОСТОКСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ  
(ФГБОУ ВО «ВВГУ»)  
ИНСТИТУТ ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ И АНАЛИЗА ДАННЫХ  
КАФЕДРА МАТЕМАТИКИ И МОДЕЛИРОВАНИЯ

Фонд оценочных средств  
для проведения текущего контроля  
и промежуточной аттестации по дисциплине (модулю)

**МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ МОДУЛЬ 2**

Направление и направленность (профиль)  
15.03.06 Мехатроника и робототехника. Мехатроника и робототехника

Год набора на ОПОП  
2023

Форма обучения  
заочная

Владивосток 2024

## 1 Перечень формируемых компетенций

Название ОПОП ВО, сокращенное	Код и формулировка компетенции	Код и формулировка индикатора достижения компетенции
15.03.06 «Мехатроника и робототехника» (Б-МР)	ОПК-1: Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования в профессиональной деятельности	ОПК-1.1к: Обладает математической культурой и системным мышлением, позволяющими в профессиональной деятельности использовать математические методы и инструменты для проведения критического анализа ситуаций, моделирования и прогнозирования развития процессов и явлений

Компетенция считается сформированной на данном этапе в случае, если полученные результаты обучения по дисциплине оценены положительно (диапазон критериев оценивания результатов обучения «удовлетворительно», «хорошо», «отлично»). В случае отсутствия положительной оценки компетенция на данном этапе считается несформированной.

## 2 Показатели оценивания планируемых результатов обучения

**Компетенция ОПК-1 «Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования в профессиональной деятельности»**

Таблица 2.1 – Критерии оценки индикаторов достижения компетенции

Код и формулировка индикатора достижения компетенции	Результаты обучения по дисциплине			Критерии оценивания результатов обучения
	Код результата	Тип результата	Результат	
ОПК-1.1к : Обладает математической культурой и системным мышлением, позволяющими в профессиональной деятельности использовать математические методы и инструменты для проведения критического анализа ситуаций, моделирования и прогнозирования развития процессов и явлений	РД 1	Знание	основных понятий, методов математического анализа и их применение в профессиональной деятельности	- правильность ответа по содержанию задания; - полнота и глубина ответа
	РД 2	Умение	применять методы математического анализа при решении задач	умение решать стандартные задачи курса, основные типы которых разбираются на практических занятиях
	РД 3	Навык	использования основных понятий, формул и методов математического анализа при самостоятельном решении задач	владеет навыками выбора формул, методов и правильного подхода к решению задачи

Таблица заполняется в соответствии с разделом 1 Рабочей программы дисциплины (модуля).

## 3 Перечень оценочных средств

Таблица 3 – Перечень оценочных средств по дисциплине (модулю)

Контролируемые планируемые результаты обучения		Контролируемые темы дисциплины	Наименование оценочного средства и представление его в ФОС	
			Текущий контроль	Промежуточная аттестация
РД1	Знание : основных понятий, методов	1.1. Неопределённый интеграл	Теоретический опрос	Тест

	математического анализа и их применение в профессиональной деятельности	1.2. Определённый интеграл	Теоретический опрос	Тест
		1.3. Несобственный интеграл	Теоретический опрос	Тест
		1.4. Дифференциальные уравнения	Теоретический опрос	Тест
		1.5. Ряды	Теоретический опрос	Тест
РД2	Умение : применять методы математического анализа при решении задач	1.1. Неопределённый интеграл	Контрольная работа	Тест
		1.2. Определённый интеграл	Контрольная работа	Тест
		1.3. Несобственный интеграл	Контрольная работа	Тест
		1.4. Дифференциальные уравнения	Контрольная работа	Тест
		1.5. Ряды	Контрольная работа	Тест
РД3	Навык : использования основных понятий, формул и методов математического анализа при самостоятельном решении задач	1.1. Неопределённый интеграл	Контрольная работа	Тест
		1.2. Определённый интеграл	Контрольная работа	Тест
		1.3. Несобственный интеграл	Контрольная работа	Тест
		1.4. Дифференциальные уравнения	Контрольная работа	Тест
		1.5. Ряды	Контрольная работа	Тест

#### 4 Описание процедуры оценивания

Качество сформированности компетенций на данном этапе оценивается по результатам текущих и промежуточных аттестаций при помощи количественной оценки, выраженной в баллах. Максимальная сумма баллов по дисциплине (модулю) равна 100 баллам.

Вид учебной деятельности	Оценочное средство						Итого
	Теоретический опрос	Контрольная работа	Тесты №1-4	Работа у доски	Посещение занятий	Итоговый тест	
Лекции	14				5		20
Практические занятия		20		10	5		35
Самостоятельная работа		10					10
СЭО			16				15
Промежуточная аттестация						20	20
<b>Итого</b>	<b>14</b>	<b>30</b>	<b>16</b>	<b>10</b>	<b>10</b>	<b>20</b>	<b>100</b>

Сумма баллов, набранных студентом по всем видам учебной деятельности в рамках дисциплины, переводится в оценку в соответствии с таблицей.

Сумма баллов по дисциплине	Оценка по промежуточной аттестации	Характеристика качества сформированности компетенции
от 91 до 100	«отлично»	Студент демонстрирует сформированность дисциплинарных компетенций, обнаруживает всестороннее, систематическое и глубокое знание учебного материала, усвоил основную литературу и знаком с дополнительной литературой, рекомендованной программой, умеет свободно выполнять практические задания, предусмотренные программой, свободно оперирует приобретенными знаниями, умениями, применяет их в ситуациях повышенной сложности.
от 76 до 90	«хорошо»	Студент демонстрирует сформированность дисциплинарных компетенций: основные знания, умения освоены, но допускаются незначительные ошибки, неточности, затруднения при аналитических операциях, переносе знаний и умений на новые, нестандартные ситуации.
от 61 до 75	«удовлетворительно»	Студент демонстрирует сформированность дисциплинарных компетенций: в ходе контрольных мероприятий допускаются значительные ошибки, проявляется отсутствие отдельных знаний, умений, навыков по некоторым дисциплинарным компетенциям, студент испытывает значительные затруднения при оперировании знаниями и умениями при их переносе на новые ситуации.
от 41 до 60	«неудовлетворительно»	У студента не сформированы дисциплинарные компетенции, проявляется недостаточность знаний, умений, навыков.
от 0 до 40	«неудовлетворительно»	Дисциплинарные компетенции не сформированы. Проявляется полное или практически полное отсутствие знаний, умений, навыков.

## 5 Примерные оценочные средства

### 5.1 Примерный перечень вопросов по темам

Вопросы по темам

#### К теме 1:

1. Что называется первообразной?
2. Сформулировать теорему о первообразных одной функции.
3. Что называется неопределённым интегралом?
2. Сформулируйте свойства неопределённого интеграла.
3. Геометрический смысл неопределённого интеграла.
4. Как осуществляется замена переменной в неопределённом интеграле?
4. Запишите формулу интегрирования по частям.
5. Типы интегралов, которые берутся по частям.
6. Что называется многочленом?
7. Сформулировать теорему о разложении многочлена на множители.
8. Разложение многочлена на множители (случай кратных действительных корней), среди которых есть кратные.
9. Разложение многочлена на множители (случай кратных комплексных корней), среди которых есть кратные.
10. Что называется рациональной дробью?
11. Какая дробь называется правильной?
12. Какая дробь называется неправильной?
13. Какие рациональные дроби являются простейшими?
14. Сформулировать правило интегрирования рациональных дробей.
15. Рассмотреть случаи интегрирования тригонометрических функций.
16. Рассмотреть случаи интегрирования иррациональных выражений.
17. В каких случаях используют тригонометрические подстановки?

#### К теме 2:

1. Дайте определение определённого интеграла.

2. Геометрический смысл определённого интеграла.
3. Сформулируйте свойства определённого интеграла.
4. Сформулировать теорему о среднем.
5. Формула Ньютона-Лейбница.
6. Рассмотреть методы интегрирования в определённом интеграле.
7. Рассмотреть геометрические приложения определённого интеграла (в декартовых и полярных координатах).

**К теме 3:**

1. Дайте определения несобственного интеграла с бесконечной верхней границей.
2. Дайте определения несобственного интеграла с бесконечной нижней границей.
3. Дайте определения несобственного интеграла с бесконечной верхней и нижней границами.
4. Дайте определения несобственного интеграла с конечными пределами от разрывной функции.
5. Как определяется сходимость и расходимость несобственных интегралов?

**К теме 4:**

1. Что называется дифференциальным уравнением?
2. Что определяет порядок дифференциального уравнения?
3. Что называется решением дифференциального уравнения?
4. Что называется общим решением дифференциального уравнения?
5. Что называется частным решением дифференциального уравнения?
6. Что называется дифференциальным уравнением первого порядка?
7. Как решаются дифференциальные уравнения первого порядка с разделяющимися переменными?
8. Как решаются линейные дифференциальные уравнения первого порядка?
9. Как решаются уравнение Бернулли?
10. Как решаются однородные дифференциальные уравнения первого порядка?
11. Что называется дифференциальным уравнением второго порядка?
12. Перечислить типы дифференциальных уравнений, допускающих понижение порядка.
13. Что называется линейным дифференциальным уравнением второго порядка?
14. Что называется линейным дифференциальным уравнением второго порядка с постоянными коэффициентами?
15. Как решаются линейные однородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами?
16. Из чего складывается общее решение линейного неоднородного дифференциального уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами?

**К теме 5:**

1. Дать определение числового ряда.
2. Какие суммы называются частичными суммами ряда?
3. Какие ряды называются сходящимися?
4. Какие ряды называются расходящимися?
5. Какой ряд называется гармоническим?
6. Сформулируйте свойства сходящихся рядов.
7. Сформулируйте необходимый признак сходимости числового ряда.
8. Перечислить достаточные признаки сходимости числовых знакоположительных рядов:
  - сформулировать признак сравнения или признак сравнения в предельной форме;
  - сформулировать признак Даламбера;
  - сформулировать признак Коши;
  - сформулировать интегральный признак.
9. Какой ряд называется знакочередующимся?

10. Сформулируйте признак Лейбница для знакочередующегося числового ряда.
11. Какой ряд называется абсолютно сходящимся?
12. Какой ряд называется условно сходящимся?
13. Какой ряд называется функциональным?
14. Какой ряд называется степенным?
15. Сформулируйте свойства степенных рядов.
16. Дать определение интервала и радиуса сходимости степенного ряда.
17. Как разложить функцию в степенной ряд?
18. Как можно использовать ряды в приближенных вычислениях?

#### Краткие методические указания

Теоретический опрос проводится после изучения соответствующей темы или перед каждым практическим занятием.

#### Шкала оценки

Оценка	Баллы	Описание
5	14	Ставится, если студент полностью освоил материал
4	11-13	Ставится, если студент допускает 1-2 ошибки
3	8-10	Ставится, если студент излагает материал неполно и допускает неточности в определении понятий или формулировке правил, излагает материал непоследовательно и допускает ошибки
2	0-7	Ставится, если студент обнаруживает незнание ответа на соответствующее вопросы, допускает ошибки в формулировке определений и правил, искажающие их смысл, беспорядочно и неуверенно излагает материал

## 5.2 Примеры заданий для выполнения контрольной работы

### Контрольная работа для заочной формы обучения

Задание 1. Найти интегралы.

$$1. \int \frac{(\sqrt{x} - 1)^3}{x} dx. \quad 2. \int x \cdot 7^{x^2} dx. \quad 3. \int \ln(4x^2 + 1) dx. \quad 4. \int (x^2 + 7x + 12) \cos 6x dx.$$

$$5. \int \frac{7 - 8x}{2x^2 - 3x + 1} dx. \quad 6. \int \frac{2x^3 + 5}{x^2 - x - 2} dx. \quad 7. \int \frac{6x^2 + 14x + 10}{(x - 1)(x + 2)^2} dx. \quad 8. \int \frac{6x^2 + 5x - 1}{(x + 1)(x^2 + 2)} dx.$$

$$9. \int \frac{dx}{(1 - \sin x) \sin x}.$$

Задание 2. Вычислить интеграл  $\int_{-\frac{1}{2}}^0 x e^{-2x^2} dx$ .

Задание 3. а) Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями;  
 б) Найти объем тела, полученного вращением плоской фигуры, ограниченной линиями  $y = x^3$ ,  $y = 2$ ,  $x = 0$ , вокруг оси  $Oy$ .

в) Вычислить длину дуги кривой, заданной уравнениями

$$\begin{cases} x = 4(\cos t + t \sin t), \\ y = 4(\sin t - t \cos t), \end{cases} \quad 0 \leq t \leq 2\pi.$$

Задание 4. Найти частное решение (частный интеграл) дифференциального уравнения первого порядка:  $(x^2 + 1)y' - 2xy = (1 + x^2)^2$ .

Задание 6. Найти частное решение дифференциального уравнения второго порядка, удовлетворяющее начальным условиям:  $y'' - 5y' + 6y = (12x - 7)e^{-x}$ ,  $y(0) = 0$ ,  $y'(0) = 0$ .

Задание 7. Исследовать на сходимость числовой ряд с общим членом  $u_n = \frac{n^2}{(n+2)!}$ .

Задание 8. Исследовать на сходимость следующие ряд  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{\sqrt{n(2+n^2)}}$ .

Задание 9. Исследовать на абсолютную или условную сходимость ряд с общим членом  $u_n = (-1)^{n+1} \frac{2n+1}{n(n+1)}$ .

Задание 10. Найти область сходимости ряда с общим членом  $u_n = \frac{(x+1)^n}{2^n(n+1)}$ .

#### Краткие методические указания

При выполнении необходимо соблюдать следующие правила:

- 1) студент должен выполнять задания по варианту, номер которого совпадает с последней цифрой его учебного шифра;
- 2) на обложке тетради должны быть отчетливо написаны фамилия студента, его инициалы, шифр;
- 3) решения задач надо располагать в порядке номеров, указанных в заданиях, сохраняя номера задач. Перед решением каждой задачи необходимо полностью выписать ее условие;
- 4) решения задач следует излагать подробно и записывать аккуратно, объясняя все действия и делая необходимые чертежи.

#### Шкала оценки

Оценка	Баллы	Описание
зачтено	30	Задания выполнены полностью и правильно, работа оформлена согласно требованиям.
зачтено	23-29	Задания выполнены полностью и правильно, работа оформлена согласно требованиям, решения содержат некоторые неточности и несущественные ошибки.
не зачтено	17-22	Задания выполнены частично, с существенными ошибками, работа оформлена не по требованиям.
не зачтено	0-17	Задания не выполнены или выполнены неправильно.

### 5.3 Примеры тестовых заданий

#### Итоговый тест по дисциплине

1. Неопределённый интеграл  $\int \cos(2 + 3x) dx$  равен

1)  $C + \frac{1}{2} \sin(2 + 3x)$

2)  $C - \frac{1}{2} \sin(2 + 3x)$

3)  $C - \frac{1}{3} \sin(2 + 3x)$

4)  $C + \frac{1}{3} \sin(2 + 3x)$

2. Неопределённый интеграл  $\int (x + 4)e^{-x} dx$  равен

1)  $-e^{-x}(x+4) - e^{-x} + C$

2)  $-e^{-x}(x+4) + e^{-x} + C$

3)  $e^{-x}(x+4) - e^{-x} + C$

4)  $e^{-x}(x+4) + e^{-x} + C$

3. Определенный интеграл  $\int_0^1 \frac{8dx}{(1+x)^3}$  равен ....

4. Площадь фигуры, ограниченной снизу графиком функции  $y = x^2 - 1$ , сверху осью  $Ox$ , слева и справа прямыми  $x = -1$  и  $x = 1$  соответственно, равна

1)  $\frac{20}{3}$

2)  $\frac{4}{3}$

3)  $\frac{11}{3}$

4)  $\frac{14}{3}$

5. Для несобственных интегралов (1)  $\int_1^{\infty} \frac{dx}{2x+1}$  и (2)  $\int_1^{\infty} 5^x dx$  верным является

утверждение

1)оба интеграла сходятся

2)оба интеграла расходятся

3)(1) сходится, (2) расходится

4)(1) расходится, (2) сходится

6. Дифференциальное уравнение  $y' - 2xy = \ln x + 1$  является

1)линейным

2)однородным

3)уравнением Бернулли

4)уравнением с разделяющимися переменными

7. Для решения дифференциального уравнения  $y'' - 2y' + y = 0$  следует

1)непосредственно проинтегрировать это уравнение

2)сделать подстановку  $y' = p, y'' = p'$

3)сделать подстановку  $y' = p, y'' = pp'$

4)составить и решить характеристическое уравнение

8. Общее решение дифференциального уравнения  $y'' + 2y' + 10y = 0$  имеет вид

1)  $e^{-x}(C_1 \cos 3x + C_2 \sin 3x)$

2)  $C_1 \cos 3x + C_2 \sin 3x$

3)  $C \cos 3x$

4)  $C \sin 3x$

9. Частное решение неоднородного линейного дифференциального уравнения второго порядка  $y'' + y' = 3x \cdot e^x$  имеет вид

1)  $(Ax + B) \cdot e^x$

2)  $Ax \cdot e^x$

3)  $3Ax \cdot e^x$

4)  $(Ax + B) \cdot e^x \cdot x$

10. Предел общего члена ряда  $\frac{1}{2} + \frac{2}{3} + \frac{3}{4} + \frac{4}{5} + \dots$  равен....

11. Если для степенного ряда  $\sum_{n=0}^{\infty} a_n (x+5)^n$  радиус сходимости  $R = 7$ , то интервалом

сходимости является

1)  $(-7; 5)$



- 2)(-5; 7)  
 3)(-12; 2)  
 4)(-2; 12)

12. Если для степенного ряда  $\sum_{n=0}^{\infty} a_n (x+1)^n$  интервалом сходимости является  $(-5; 3)$ , то радиус сходимости  $R$  равен ....

*Краткие методические указания*

ПТМ содержат тестовые задания с выбором одного ответа или ввод числа.

*Шкала оценки*

Оценка	Баллы	Описание
5	19-20	Задание выполнено полностью и абсолютно правильно.
4	16–18	Задание выполнено полностью и правильно, но решение содержит некоторые неточности и несущественные ошибки.
3	9-15	Задание выполнено не полностью, с существенными ошибками, но подход к решению, идея решения, метод правильны.
2	1-8	Задание выполнено частично, имеет ошибки, осуществлена попытка решения на основе правильных методов и идей решения.

**5.4 Примеры тестовых заданий**

**Тест 1**

1. Неопределённый интеграл  $\int \frac{dx}{(1-4x)^5}$  равен

1)  $C + \frac{1}{4(1-4x)^4}$

2)  $C - \frac{1}{4(1-4x)^4}$

3)  $C + \frac{1}{16(1-4x)^4}$

4)  $C - \frac{1}{16(1-4x)^4}$

2. Неопределенный интеграл  $\int \frac{dx}{\sqrt{1-10x^2}}$  равен

1)  $\arcsin \sqrt{10}x + C$

2)  $\arcsin \frac{x}{\sqrt{10}} + C$

3)  $\frac{1}{\sqrt{10}} \arcsin \sqrt{10}x + C$

4)  $\frac{1}{\sqrt{10}} \arcsin \frac{x}{\sqrt{10}} + C$

3. Неопределённый интеграл  $\int (x+2)e^{3x} dx$  равен

1)  $\frac{1}{3}e^{3x}(x+2) - \frac{1}{3}e^{3x} + C$

2)  $\frac{1}{3}e^{3x}(x+2) - \frac{1}{9}e^{3x} + C$

3)  $\frac{1}{9}e^{3x}(x+2) - \frac{1}{9}e^{3x} + C$

4)  $\frac{1}{9}e^{3x}(x+2) - \frac{1}{3}e^{3x} + C$

4. Установите соответствие между интегралом и его значением

1)  $\int \sin^3 x \cdot \cos x \cdot dx$

2)  $\int e^x \cdot \sin e^x \cdot dx$

3)  $\int \frac{\sin x \cdot dx}{\cos^2 x}$

4)  $\int \frac{dx}{1-x^2}$

Варианты ответов:

A)  $\frac{1}{2} \ln \left| \frac{1+x}{1-x} \right| + C$

B)  $\frac{1}{4} \sin^4 x + C$

C)  $\frac{1}{\cos x} + C$

D)  $-\cos e^x + C$

5. Множество первообразных функции  $f(x) = \sqrt[3]{x}$  имеет вид

1)  $\frac{3}{4} \sqrt[3]{x^4} + C$

2)  $\frac{1}{3 \sqrt[3]{x^2}}$

3)  $\sqrt[3]{x^4} + C$

4)  $\frac{4}{3} \sqrt[3]{x^4} + C$

6. Найдите первообразную функции  $f(x) = 4x^2 + \frac{9}{x^2}$ , график которой проходит

через точку  $M(3; -2)$

1)  $F(x) = \frac{4x^3}{3} - \frac{9}{x} - 35$

2)  $F(x) = \frac{4x^3}{3} - \frac{9}{x} - 23$

3)  $F(x) = 8x - \frac{9}{x} - 2$

7. Первообразными функции  $f(x) = x^4 + 3x$  являются

1)  $\frac{x^5}{5} + 6x^2$

2)  $4x^3 + 3$

3)  $\frac{x^5}{5} + \frac{3x^2}{2} + C$

4)  $4x^3 + 3 + C$

5)  $\frac{x^5}{5} + \frac{3x^2}{2} + 2$

8. Неопределённый интеграл  $\int \frac{dx}{9+x}$  равен

1)  $\ln|9-x| + C$

2)  $\ln|9+x| + C$

$$3) \frac{1}{3} \operatorname{arctg} \frac{\sqrt{x}}{3} + C$$

9. Подынтегральную функцию неопределенного интеграла  $\int \frac{dx}{(x-1)(x^2+9)}$  можно разложить на сумму дробей вида

$$1) \frac{A}{x-1} + \frac{Bx+C}{x^2+9}$$

$$2) \frac{A}{x-1} + \frac{B}{x^2+9}$$

$$3) \frac{A}{x-1} + \frac{B}{x+3} + \frac{C}{x-3}$$

$$4) \frac{A}{x-1} + \frac{Bx}{x^2+9}$$

10. Неопределенный интеграл  $\int \frac{\sqrt{x} dx}{(\sqrt[3]{x-1})(\sqrt[5]{x+9})}$  находят с помощью подстановки

$$1) x = t^{30}$$

$$2) x = t^{15}$$

$$3) x = t^{60}$$

$$4) x = t^{10}$$

*Краткие методические указания*

ПТМ содержат тестовые задания с выбором одного или нескольких правильных ответов, ввод числа

*Шкала оценки*

Оценка	Баллы	Описание
5	4	Задание выполнено полностью и абсолютно правильно.
4	3	Задание выполнено полностью и правильно, но решение содержит некоторые неточности и несущественные ошибки.
3	2	Задание выполнено не полностью, с существенными ошибками, но подход к решению, идея решения, метод правильны.
2	0-1	Задание выполнено частично, имеет ошибки, осуществлена попытка решения на основе правильных методов и идей решения.

## 5.5 Примеры тестовых заданий

### Тест 2

1. Определенный интеграл  $\int_0^1 (8x + 6x^2 - 9) dx$  равен ....

2. Площадь фигуры, ограниченной снизу графиком функции  $y = x^2 + 2x - 3$ , сверху осью  $Ox$ , слева и справа прямыми  $x = -3$  и  $x = 1$  соответственно, равна

$$1) \frac{32}{3}$$

$$2) \frac{20}{3}$$

$$3) \frac{25}{3}$$

$$4) \frac{14}{3}$$

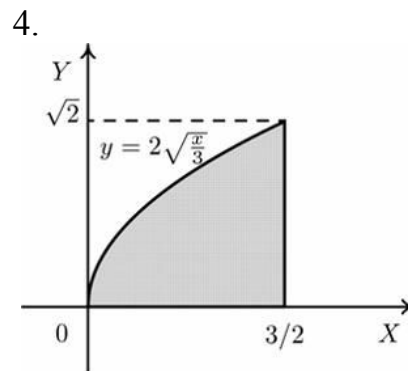
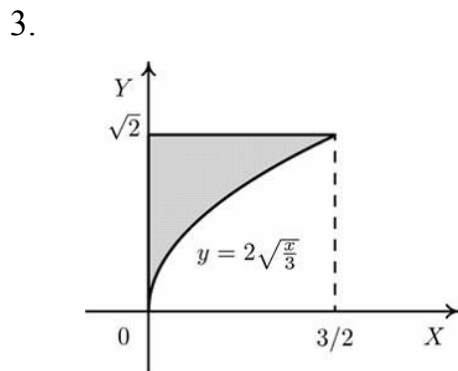
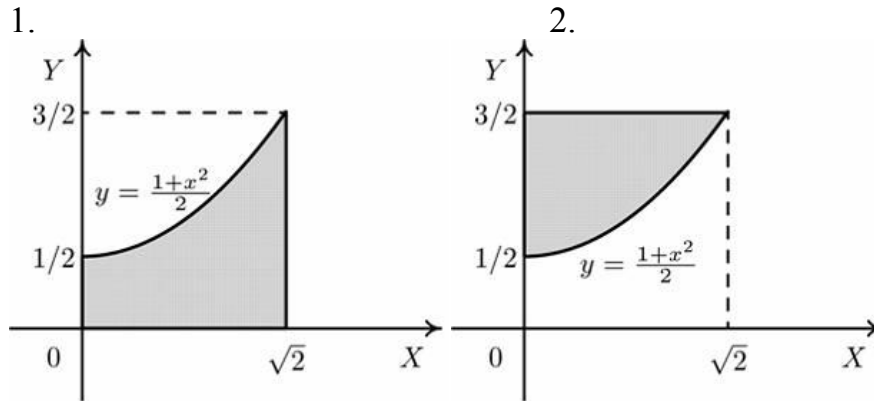
3. Определенный интеграл  $\int_0^{\pi} x \cdot \cos x \cdot dx$  равен ...

4. Для несобственных интегралов (1)  $\int_1^{\infty} \frac{dx}{\sqrt[3]{(x+2)^5}}$  и (2)  $\int_1^{\infty} \frac{dx}{x+5}$  верным является

утверждение

- 1) оба интеграла сходятся
- 2) оба интеграла расходятся
- 3) (1) сходится, (2) расходится
- 4) (1) расходится, (2) сходится

5. Установите соответствие между заштрихованными фигурами и определенными интегралами, которые выражают площади этих фигур.



Варианты ответов:

A)  $\int_{1/2}^{3/2} \frac{1+x^2}{2} dx$

Г)  $\int_0^{\sqrt{2}} \left( \frac{3}{2} - \frac{1+x^2}{2} \right) dx$

$$\text{Б) } \int_0^{3/2} 2\sqrt{\frac{x}{3}} dx$$

$$\text{Д) } \int_0^{\sqrt{2}} \left( \frac{3}{2} - 2\sqrt{\frac{x}{3}} \right) dx$$

$$\text{В) } \int_0^{3/2} \left( \sqrt{2} - 2\sqrt{\frac{x}{3}} \right) dx$$

$$\text{Е) } \int_0^{\sqrt{2}} \frac{1+x^2}{2} dx$$

6) Вычислить интеграл  $\int_0^{\pi} (x+1) \cdot \sin x \cdot dx$

- 1) -2
- 2)  $\pi + 2$
- 3)  $-\pi - 2$
- 4) 0

7) Найти объем тела, полученного вращением вокруг оси  $Ox$  криволинейной трапеции, ограниченной параболой  $y^2 = 2x$ , прямой  $x=3$  и осью  $Ox$

- 1)  $8\pi$
- 2)  $9\pi$
- 3)  $6\pi$
- 4)  $-9\pi$

8) Несобственный интеграл  $\int_1^{+\infty} \frac{2dx}{7x}$  является

- 1) расходящимся
- 2) сходящимся

#### *Краткие методические указания*

ПТМ содержат тестовые задания с выбором одного или нескольких правильных ответов, ввод числа.

#### *Шкала оценки*

Оценка	Баллы	Описание
5	4	Задание выполнено полностью и абсолютно правильно.
4	3	Задание выполнено полностью и правильно, но решение содержит некоторые неточности и несущественные ошибки.
3	2	Задание выполнено не полностью, с существенными ошибками, но подход к решению, идея решения, метод правильны.
2	0-1	Задание выполнено частично, имеет ошибки, осуществлена попытка решения на основе правильных методов и идей решения.

### **5.6 Примеры тестовых заданий**

#### **Тест 3**

1. Дифференциальное уравнение  $3(x^2y + y)dy + \sqrt{2 + y^2} dx = 0$  является

- 1) линейным
- 2) однородным
- 3) уравнением Бернулли
- 4) уравнением с разделяющимися переменными

2. Для решения дифференциального уравнения  $yy'' - y'^2 = 0$  следует

1) непосредственно проинтегрировать это уравнение

2) сделать подстановку  $y' = p(x)$ ,  $y'' = p'$

3) сделать подстановку  $y' = p(y)$ ,  $y'' = pp'$

3. Общее решение дифференциального уравнения  $y'' - 25y = 0$  имеет вид

1)  $C_1 + C_2$

2)  $e^{5x} + e^{-5x}$

3)  $C_1 e^{5x} + C_2 e^{-5x}$

4)  $C(e^{5x} + e^{-5x})$

4 Частное решение неоднородного линейного дифференциального уравнения второго порядка  $y'' + y' = 3x \cdot e^{-x}$  имеет вид

1)  $(Ax + B) \cdot e^{-x}$

2)  $Ax \cdot e^{-x}$

3)  $(Ax + B) \cdot e^{-x} \cdot x$

4)  $3Ax \cdot e^{-x}$

5. Если  $y(x)$  - решение уравнения  $y' = \frac{y-1}{x-2}$ , удовлетворяющее условию  $y(1) = -1$ , тогда  $y(1,5)$  равно ...

6. Дано дифференциальное уравнение  $y'' + 5y' + 6y = 0$ . Тогда соответствующее ему характеристическое уравнение имеет вид

1)  $1 + 5k + 6k^2 = 0$

2)  $k^2 + 5k + 6 = 0$

3)  $k^2 - 5k - 6 = 0$

4)  $k^2 - 5k = 0$

7. Среди перечисленных дифференциальных уравнений уравнениями второго порядка являются

1)  $y'' + 9y' + 6y = x^3$

2)  $xy' + 8y - x + 5 = 0$

3)  $y^2 \frac{\partial y}{\partial x} + x = 0$

4)  $2x \frac{d^2 y}{dx^2} + x \frac{dy}{dx} + y = 0$

5)  $x \frac{\partial^2 y}{\partial x^2} + xy \frac{\partial y}{\partial x} + x^2 = y$

8. Порядок дифференциального уравнения  $y''' + 9y'' + 6y = x - 4$  равен....

9. Установите соответствие между дифференциальными уравнениями и их общими интегралами

1)  $y' - 14x^{13}y = 0$

2)  $y' - 7x^6y = 0$

3)  $y' = 14xy$

Варианты ответов:

А)  $\ln|y| = x^{14} + C$

Б)  $\ln|y| = 7x^2 + C$

В)  $\ln|y| = x^7 + C$

10. Частное решение неоднородного линейного дифференциального уравнения второго порядка  $y'' + y = 3\sin x$  имеет вид

1)  $A \sin x + B \cos x$

- 2)  $(A \sin x + B \cos x)x$   
 3)  $Ax \sin x$   
 4)  $Ax \sin x + B \cos x$

#### Краткие методические указания

ПТМ содержат тестовые задания с выбором одного или нескольких правильных ответов, ввод числа.

#### Шкала оценки

Оценка	Баллы	Описание
5	4	Задание выполнено полностью и абсолютно правильно.
4	3	Задание выполнено полностью и правильно, но решение содержит некоторые неточности и несущественные ошибки.
3	2	Задание выполнено не полностью, с существенными ошибками, но подход к решению, идея решения, метод правильны.
2	0-1	Задание выполнено частично, имеет ошибки, осуществлена попытка решения на основе правильных методов и идей решения.

### 5.7 Примеры тестовых заданий

#### Тест 4

1. Предел общего члена ряда  $\frac{1}{1^2+1} + \frac{4}{2^2+1} + \frac{7}{3^2+1} + \frac{10}{4^2+1} + \dots$  равен ....

2. Установите соответствие между числовой последовательностью и формулой ее общего члена

- 1)  $1, \frac{5}{4 \cdot 2!}, \frac{10}{8 \cdot 3!}, \dots$   
 2)  $\frac{2 \cdot 2}{1!}, \frac{2^2 \cdot 3}{2!}, \frac{2^3 \cdot 4}{3!}, \dots$   
 3)  $\frac{3}{2!}, \frac{9}{4!}, \frac{19}{6!}, \dots$

Варианты ответов

A)  $u_n = \frac{2^n \cdot (n+1)}{n!}$

B)  $u_n = \frac{n^2+1}{2^n \cdot n!}$

C)  $u_n = \frac{2n^2+1}{(2n)!}$

3. Если для степенного ряда  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n (x+1)^n$  радиус сходимости  $R=4$ , то интервалом

сходимости является

- 1)  $(-1; 4)$   
 2)  $(-5; 3)$   
 3)  $(-3; 5)$   
 4)  $(-4; 4)$ .

4. Если для степенного ряда  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n (x+3)^n$  интервалом сходимости является  $(-10; 4)$ ,

то радиус сходимости  $R$  равен ...

5. Установите соответствие между знакопеременными рядами и видами сходимости.

- 1) абсолютно сходится.  
 2) условно сходится.  
 3) расходится.

Варианты ответов:

A)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n 8^n$ ;

B)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(n+4)!}$ ;

C)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n+5}$ .

6. Второй член числовой последовательности  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n \cdot 2^n}{n}$  равен....

7. Исследуйте сходимость ряда  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3n-2}{n+5}$

- 1) абсолютно сходится.
- 2) условно сходится.
- 3) расходится.
- 4) сходится

8. Исследуйте сходимость ряда  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x-4)^n (n-2)}{7n+5}$  при  $x=5$

- 1) абсолютно сходится.
- 2) условно сходится.
- 3) расходится.
- 4) сходится

9. Для исследования сходимости ряда  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n}{(n+5)!}$  применяют

- 1) признак Даламбера
- 2) предельный признак сравнения
- 3) признак Лейбница
- 4) интегральный признак Коши
- 5) признак Коши

10. Для исследования сходимости ряда  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{\sqrt{n+5}}$  применяют

- 1) признак Даламбера
- 2) предельный признак сравнения
- 3) признак Лейбница
- 4) интегральный признак Коши
- 5) признак Коши

*Краткие методические указания*

ПТМ содержат тестовые задания с выбором одного или нескольких правильных ответов, ввод числа

*Шкала оценки*

Оценка	Баллы	Описание
5	4	Задание выполнено полностью и абсолютно правильно.
4	3	Задание выполнено полностью и правильно, но решение содержит некоторые неточности и несущественные ошибки.
3	2	Задание выполнено не полностью, с существенными ошибками, но подход к решению,



		идея решения, метод правильны.
2	0-1	Задание выполнено частично, имеет ошибки, осуществлена попытка решения на основе правильных методов и идей решения.